Maurice PILLET

Professeur des Universités IUT Annecy – Université de Savoie, Laboratoire LISTIC Ancien élève de l'Ecole Normale Supérieure de CACHAN

Appliquer la maîtrise statistique des processus

(MSP/SPC)

Quatrième édition

© Éditions d'Organisation, 1995, 2000, 2002, 2005 ISBN: 2-7081-3349-7

Sommaire

	Avant-propos
Cl	hapitre 1
	Maîtrise Statistique des Processus et
	performance industrielle
	1. MSP et satisfaction clients4
	1.1. Nécessité de maîtriser les processus4
	1.2. La place de la Maîtrise Statistique des Processus
	(MSP) dans une démarche de Qualité Totale 5
	1.3. La MSP, un outil, une méthode, une culture 7
	2. La cote cible : un préalable à la MSP 8
	2.1. Les boules de pâte à modeler
	Lorsque les tolérances créent de la variabilité 8
	2.2. Qualité produit <i>versus</i> Qualité d'une caractéristique 10
	2.3. Un principe incontournable : viser la cible
	2.3.1. La cible pour un assemblage robuste
	2.3.2. La fonction perte de Taguchi
	2.4. Étude de la combinatoire de plusieurs caractéristiques 18
	2.4.1. Cas de deux caractéristiques additives
	2.4.2. Étude de la combinatoire dans le cas de cinq caractéristiques
	2.4.3 Étude de l'influence du décentrage

	2.5. En conclusion	22
3.	La MSP face aux changements de culture	22
	3.1. L'auto-contrôle	23
	3.1.1. Le principe de l'auto-contrôle	
	l'ordinaire de l'extraordinaire	
	3.1.3. Les moyens de l'autocontrôle	24
	3.2. Les outils simples de pilotage permettant de garantir le respect de la cible	
4.	Un peu d'histoire	28
Chapit	re 2	
Les	concepts de la Maîtrise Statistique	
	Processus (MSP)	2 1
1.	Les 5 « M » du processus	32
2.	Analyse de la forme de la dispersion	33
	2.1. Répartition en forme de cloche	33
	2.2. Causes communes – Causes spéciales	
	2.2.1. Les causes communes	
	2.2.2. Les causes spéciales	
	2.3. Processus « sous contrôle » et « hors contrôle »	
3.	Surveiller un processus par cartes de contrôle	
	3.1. Le principe de la carte de contrôle	
	3.1.1. Les limites naturelles d'un processus	
	3.1.3. Pourquoi prélever des échantillons?	
	3.2. La carte de pilotage (de contrôle) moyenne/étendue 4	
	3.2.1. Principe de remplissage	14
	3.2.2. Moyenne et étendue, deux fonctions différentes 4	16
4.	Mise en place des cartes de contrôle4	18
	4.1. Démarche DMAICS	18
	4.2. Définir	
	4.2.1. Le choix des caractéristiques à piloter en MSP	
	4.2.2. La matrice d'impact	
	4.3. Mesurer	
	4.3.2. Observation du processus	

	4.4. Amelyany
	4.4. Analyser
	4.4.2. Calcul des cartes de contrôle
	4.5. Contrôler
	4.5.1. Pilotage du processus par cartes de contrôle
	4.5.2. Décision sur la production
	4.6. Analyser et Innover
	4.7. Standardiser
5	Le concept de capabilité (aptitude)
٦.	5.1. Le besoin de formaliser une notion floue
	5.2. Définition de la capabilité
	5.3. Pp et Ppk (Performance du processus – long terme) 64 5.3.1. Performance intrinsèque du processus Pp 64
	5.3.2. Indicateur de déréglage Ppk
	5.3.3. Interprétation de Pp et Ppk
	5.4. Cp et Cpk (Capabilité processus – Court terme) 68
	5.5. Les indicateurs liés à la cible : le Cpm et le Ppm70
	5.6. Exemple de calcul de capabilité
	5.7. Synthèse des différents indicateurs de capabilité
	5.8. L'interprétation de la chute de capabilité
	5.6. E interpretation de la chare de capabilité
Chapit	×2 3
Chapit	
Capa	abilité des Processus de Contrôle79
1.	Introduction
	1.1. Processus de production et processus de mesure 79
	1.2. Capabilité des processus de mesure et Gestion
	des moyens de mesure
	1.3. Les différentes normes
2	Étude d'un processus de mesure
۷.	2.1. Objectifs
	2.2. Pouvoir de discrimination de l'instrument
	2.3. Dispersion court terme : R&R
	2.3.2. <i>Reproductibilité</i>
	2.4. Biais
	2.5. Linéarité
	2.6. Dispersion long terme : Stabilité
	2.0. Dispersion fong terme i busine i i i i i i i i i i i i i i i i i i

3.	R&R – Répétabilité et Reproductibilité
	3.1. Incidence du Cpc sur l'indice Cp89
	3.2. Méthode R&R rapide90
	3.3. Méthode R&R complète avec les étendues93
	3.3.1. Essais à réaliser
	3.3.2. Validité des mesures
	3.3.3. Analyse de la répétabilité96
	3.3.4. Analyse de la reproductibilité
	3.3.5. Analyse de la dispersion de l'instrument
	3.3.6. Analyse de la dispersion des pièces
	3.3.7. Analyse de la dispersion totale
	3.3.8. Calcul du ndc
	3.3.9. Analyse $R\mathcal{O}R$
	3.4. Méthode R&R par l'analyse de la variance
	3.4.1. Principe de calcul 104 3.4.2. Application sur notre exemple 107
	3.5. Que faire en cas de mauvais Cpc
	3.6. Calcul du Cpc dans les cas non standard
	3.6.1. Cas des tolérances unilatérales
	3.6.3. Cas des mesures de concentration de bain
	3.6.4. Cas des mesures avec dérive (couple de serrage)
4.	Évaluer le biais et la linéarité
	4.1. Évaluer le Biais
	4.2. Évaluer la linéarité
5.	Évaluer la stabilité
6.	Méthode proposée par CNOMO119
	6.1. Le principe de calcul du CMC
	6.2. Les étapes du calcul
	6.3. Limite d'agrément de la capabilité du moyen 122
	6.4. Exemple de calcul
	•
7.	Comparaison des différentes méthodes124
8.	Capabilité des moyens de contrôle pour le contrôle
	aux attributs
	8.1. La méthode
	8.2. Que faire en cas de mauvais score 2

Les	études de capabilité (d'aptitude)	131
1.	Les différentes normes de capabilité	133
2.	Le calcul des capabilités	135 138 139 141 142 145 147 148
3.	Intervalle de confiance sur les capabilités	153
4.	L'interprétation et le suivi de la chute des capabilités 4.1. Définition du rendement de stabilité Rs	157 158 158 159 160 161 161 161
5.	L'indicateur z de Six Sigma	165
6.	Le démarrage d'une série ou la réception d'une machine	

	 6.2. Étude de la carte d'analyse
7.	Cas des caractéristiques non mesurables
	7.3. Cas des non-conformités, utilisation des DPO 174
8.	Les cas particuliers
Chapit	re 5
Les	cartes de contrôle185
1.	Cartes de contrôle pour le suivi des valeurs individuelles 186 1.1. Cartes Valeurs individuelles / Étendues glissantes 186 1.2. Cartes de contrôle aux valeurs individuelles Moyennes glissantes/Étendues glissantes
2.	Les cartes de contrôle par échantillons
3.	Le calcul des limites de contrôle
	3.3.3. Le calcul de la carte des moyennes à partir de la moyenne des étendues d'échantillons de petite taille 208

	3.3.4. Le calcul de la carte des écarts types à partir de l'écart
	type de la population totale
	3.3.5. Calcul de la carte des écarts types à partir de la loi du χ^2 210
	3.3.6. Le calcul de la carte des écarts types à partir des écarts
	types S de petits échantillons
	3.3.7. Le calcul de la carte des étendues à partir des étendues R
	de petits échantillons
4.	Efficacité des cartes de contrôle
	4.1. Courbe d'efficacité d'une carte de contrôle 213
	4.2. POM d'une carte de contrôle
	4.3. Établissement d'une carte de contrôle à partir des risques
	α et β
	4.3.1. Les moyennes refusables
	4.3.2. Calculs de la taille des échantillons
	4.3.3. Calcul de limites élargies
5.	L'application de limites élargies
	5.1. Domaine d'application
	5.1.1. Procédés à dérive
	5.1.2. Procédé à réglage par seuil
	5.2. Calcul des limites élargies pour un Cpk objectif
	5.2.1. Application
	5.3. La carte à doubles limites
6.	Quelques cas particuliers 229
	6.1. Les cas des processus multi-générateurs 229
	6.2. Le cas des processus gigognes
	6.3. Les cartes à caractéristiques multiples
7.	Quelques conseils pour une bonne application des
	cartes de contrôle
	7.1. Carte de contrôle et maîtrise des processus 241
	7.2. Critère de choix d'un paramètre à surveiller
	7.3. Lorsque les fréquences de prélèvement sont trop élevées . 242
	7.4. L'informatisation des cartes de contrôle
	7.5. La réactualisation des cartes de contrôle
	7.6. Le suivi d'un projet MSP
	Le bairi à dir projet moi

Les cartes EWMA et CUSUM	247
1. Les cartes EWMA 1.1. Principe de la carte EWMA 1.2. Calcul des limites 1.3. Exemples d'application 1.3.1. Premier exemple 1.3.2. Second exemple	248251252252253
1.4. Choix de λ et de L	
2. Les cartes CUSUM	
2.1. Le principe	
2.2. Exemple d'application	
2.2.2. Combinaison Shewhart/CUSUM	
2.3. Les cartes CUSUM avec masque en V	266
2.3.1. Principes	
2.4. Efficacité des cartes CUSUM	269
Chapitre 7 Le cas des processus multidimensionnels	271
en position	272
1.1. Introduction	
1.2. La carte χ^2 pour le suivi de la position	273
1.2.1. Principe	
1.2.2. Exemple d'application	
1.3. La carte T ² de Hotelling pour le suivi de la position	
1.3.2. Calcul des limites	
1.3.3. Exemple d'application	
1.3.4. Comparaison entre la carte T^2 et la carte χ^2	
1.4. Carte EWMA multidimensionnelle	283
2. Carte multidimentionnelle pour le suivi de la variabilité	286
2.1. Principe	
2.2. Exemple d'application	287

3.	Interprétation des cartes multidimentionnelles 2	289
	3.1. Les difficultés d'interprétation	289
	3.2. Les règles d'interprétation	291
	3.2.1. Suivi de chaque caractéristique individuelle 2 3.2.2. Réduire le nombre de variables à partir d'une analyse	91
	en composantes principales	
	3.2.3. Analyser la direction du défaut, source d'informations 2	.92
Chapitr	re 8	
Le ca	as des attributs	295
	Les particularités du contrôle par attributs 2	
	1.1. La qualification par attributs	
	1.2. Les différents types de suivi par attributs	
	1.3. Critères de conformité	298
	1.4. Causes communes et causes spéciales dans le cas	
	des attributs	
	1.4.1. Rappels	
	·	
	Le principe d'une carte de contrôle aux attributs 3	
	2.1. Identifier les causes spéciales	
	2.2. Interprétation des cartes de contrôle aux attributs 3	
	2.3. Mise en place d'une carte de contrôle	
	2.3.1. Définir	
	2.3.3. Analyser/Innover	
	2.3.4. Contrôler	
	2.3.5. Standardiser	
3.	Les principales cartes de contrôle aux attributs	05
	3.1. La carte np, nombre d'articles non-conformes	806
	3.1.1. Utilité de la carte np	
	3.1.2. Mesurer – Observation du procédé	
	3.1.3. Analyser – Calcul de la carte np	
	3.1.4. Contrôler – Suivi du procédé par carte np	
	3.2. La carte p – proportion d'articles non conformes	
	3.2.2. Suivi du procédé par la carte de contrôle p	

	3.3. Carte c – nombre de non-conformités
	3.3.2. Calcul des limites de la carte c
	3.4. Carte u – Proportion de non-conformités
	3.4.1. Utilité de la carte u 314 3.4.2. Calcul des limites de la carte u 314
	3.4.3. Exemple d'utilisation d'une carte u
	3.5. Récapitulatif des calculs des limites
4.	Les cartes sur valeurs transformées
	4.1. Cartes CUSUM aux attributs
	carte de Lucas
5.	Le suivi des fréquences d'apparition de défauts $\ \ldots \ 320$
	5.1. Cas d'utilisation
	5.2. Le principe
	5.3. Le suivi par carte EWMA (ou CUSUM)
	5.4. Exemple d'utilisation en maintenance
6.	Limites des cartes de contrôle aux attributs 327
Chapit	re 9
Le c	as des petites séries329
1.	Introduction
	1.1. Les bénéfices de l'application de la MSP dans le cas
	des petites séries
	1.2. La méthode traditionnelle de pilotage dans le cas
	des petites séries
	1.2.2. Critique de la méthode
2.	Le suivi par valeurs individuelles
	2.1. Identification de l'écart type de la production
	2.2. Suivi par carte de contrôle Valeurs/étendues glissantes 338
	2.3. Amélioration de l'efficacité de la détection 339
3.	Retrouver un effet de série
	3.1. Raisonner en écarts par rapport à la cible 342
	3.2. Les cartes de contrôle multi-produits
	3.2.1. Cas 1 : les étendues sont constantes pour l'ensemble
	des lots

	3.2.2. Cas 2 : les étendues ne sont pas constantes d'un lot
	à l'autre
	3.2.3. Critique de la méthode
	3.2.4. Cas des échantillons de taille variable
	3.3. Carte EWMA Multi-produits
4.	La carte de contrôle « petites séries »
	4.1. Le besoin d'une nouvelle méthode
	4.2. Principe de base de la carte de contrôle « petites séries » . 353
	4.2.1. Présentation de la carte
	4.2.2. Le remplissage de la carte des petites séries
	4.3. Le calcul des limites de contrôle
	4.3.1. Identification de l'écart type de la population
	4.3.3. Calcul de la carte des étendues
	4.4. Efficacité de la carte de contrôle « petites séries »
	4.5. Autres utilisations de la carte de contrôle « petites séries » 363
5	La carte de « pré contrôle » petites séries
6.	Utiliser l'échantillonnage
7.	L'analyse a posteriori
	7.1. Collecte des données
	7.2. Étude des causes communes de dispersion 376
	7.3. Étude de la capabilité du procédé
	7.4. Critique de la méthode
8.	Capabilité à partir des cartes « petites séries » 379
	8.1. Capabilité court terme
	8.2. Capabilité long terme
9.	Détermination du réglage optimal
	9.1. Cas où le réglage doit être réalisé sur la première pièce 381
	9.2. Cas du réglage sur la nième pièce
	9.3. Règle pratique de réglage
	9.3.1. Détermination de la règle
	9.3.2. Détermination d'une grille de réglage

Le cas des distributions non gaussiennes et
des critères unilatéraux 389
1. Comment traiter le cas des distributions non
gaussiennes?
1.1. Les différentes approches
1.2. Approche $\pm 3\sigma$ sigma pour le calcul des capabilités 390
1.3. Transformation des données3931.4. Approche par les percentiles393
2. Approche 3 sigma de calcul des capabilités
2.1. Approximation de la loi normale
2.3. Méthode du mode – cas des tolérances bilatérales
3. Méthode de transformation des données 397
3.1. Utilisation de la loi lognormale
3.1.1. Principe
3.1.2. Exemple de calcul 398 3.2. Transformation de Box-Cox 400
3.3. Transformation de Johnson
3.3.1. Choix du type de transformation
3.3.2. Calcul des coefficients des fonctions de transformation 405
4. Identification de la fonction
4.1. Utilisation de la loi de Weibull
4.2. Distribution des valeurs extrêmes (de Gumbel)
4.2.1. Valeurs extrêmes minimum
4.2.3. Estimation des paramètres
4.2.4. Application
5. Indicateur Ppm dans le cas unilatéral414
5.1. Définitions
5.2. Calcul de Cpm et comparaison avec Cpk 416
6. Calcul des cartes de contrôle dans le cas des critères
uni limites

	olérancement au pire des cas au rancement inertiel419
	Différentes approches du tolérancement en cas d'assemblages
2.	La décision de conformité sur les caractéristiques élémentaires
3.	Le tolérancement inertiel
4.	Tolérancement inertiel dans le cas de critères unilatéraux
5.	Pilotage des caractéristiques inertielles
6.	Conclusion
Annex	es
Stat	istiques de base445
1.	Représentation graphique d'une distribution

	1.3. Exemple de construction d'histogramme
	1.4. La boîte à moustache
2.	Les lois de répartition continues
	2.1. Notion de population et d'échantillon
	2.2. Expérience sur les pointures d'un groupe de 50 hommes . 45.
	2.3. Expérience avec des pièces
3.	Calculs des paramètres d'une courbe de Gauss 454
	3.1. Paramètres de position
	3.1.1. Moyenne arithmétique (\overline{X})
	3.1.2. Espérance mathématique (μ)
	3.1.3. La médiane (\tilde{X})
	3.2. Paramètres d'échelle
	3.2.1. L'étendue (notée R Range en Anglais)
	3.2.2. L'écart type estimé (noté S ou σ_{n-1})
	3.2.3. L'écart type réel (noté σ)
	3.2.4. La variance vraie (σ^2) ou estimée (S^2) 45°
	3.2.5. La dispersion
	3.3. Liaison entre l'écart type et la courbe de Gauss 45
	3.4. Calcul de pourcentage de pièces hors tolérance 45
4.	Formes d'une distribution
	4.1. Expériences
	4.2. Étude de normalité – Droite de Henry
	4.3. Étude de normalité – Test du χ^2 (CHI 2)
	4.3.1. Principe du test
	4.3.2. Exemple
	4.3.3. Effet de bord dans le test du χ^2
	4.3.4. Étude de forme
	4.3.6. Aplatissement
	4.3.7. Dissymétrie
	4.4. Le test de Anderson-Darling
5.	Distribution de Student
6.	Les lois de répartition discrètes
	6.1. La loi de distribution hypergéométrique
	6.2. La loi binomiale
	6.3 La loi de Poisson

XVIII © Éditions d'Organisation

7.	Distribution des caractéristiques d'un échantillon	. 477
	7.1. Distribution statistique des moyennes	. 477
	7.2. Distribution statistique des écarts types	. 478
8.	Estimation des caractéristiques d'une population totale	. 479
	8.1. Estimation	. 479
	8.1.1. Estimation par valeur ou par intervalle de confiance	
	8.1.2. Biais d'un estimateur	. 480
	8.2. Estimation par une valeur	
	8.2.1. Estimation de la moyenne	
	8.2.2. Estimation de l'écart type	. 480
	de l'écart type	. 482
	8.2.4. Cas des petits échantillons – Estimation à partir	
	de l'étendue	
	8.3. Estimation par un intervalle de confiance	
	8.3.1. Estimation de la moyenne	
	8.3.2. Estimation d'un intervalle de confiance sur l'écart type . 8.3.3. Exemple de calcul d'intervalle de confiance	
	8.3.4. Estimation de la moyenne	
	8.3.5. Estimation de l'écart type	
Tabl	es et résumés	
	Démarche de mise sous contrôle d'un processus	
	Proportion hors tolérances fonction de Pp et Ppk	
	Valeur mini du Cp pour un Cp calculé	. 4//
	(risque unilatéral à 5 %)	494
	Valeur mini du Cpk pour un Cpk calculé	
	(risque unilatéral à 5 %)	. 495
	DPMO en fonction du z du processus	
	Table de la loi normale	
	Table de la loi de Student	
	Table de la loi du χ^2	
	Tableau des coefficients	
	Résumé des principales formules de calculs des cartes MSP	
	Résumé des principales formules de calcul des cartes MSP	
	Carte Valeurs individuelles	
	Carte limites élargies	
	Coefficient A_6 pour le calcul des limites élargies	
	Coefficient A_5 pour le calcul des limites élargies \dots	
	Carte EWMA	. 503

Cartes aux attributs503Calcul des cartes aux attributs503Carte exponentielle503
Résumé sur les capabilités
Règles de pilotage d'une production par « carte de pilotage SPC »
Tableau de décision
Carte de contrôle aux attributs
Bibliographie511
Logiciels et sites internet 523
Index